

# EKSAMEN

## Grundlæggende Algoritmer og Datastrukturer

Fredag den 31. maj 2019, kl. 9.00–11.00

Institut for Datalogi, Science and Technology, Aarhus Universitet

Antal sider i opgavesættet (incl. forsiden): 13

Tilladte medbragte hjælpemidler: **Ingen**

Studienummer : \_\_\_\_\_

Navn : \_\_\_\_\_

## Vejledning og pointgivning

Dette eksamenssæt består af en mængde multiple-choice-opgaver.

Opgaverne besvares på opgaveformuleringen **som afleveres**.

For hver opgave er angivet opgavens andel af det samlede eksamenssæt.

Hvert delspørgsmål har præcist et rigtigt svar.

For hvert delspørgsmål må du vælge **max ét svar** ved at afkrydse den tilsvarende rubrik.

Et delspørgsmål bedømmes som følgende:

- Hvis du sætter kryds ved det rigtige svar, får du 1 point.
- Hvis du ikke sætter nogen krydser, får du 0 point.
- Hvis du sætter kryds ved et forkert svar, får du  $-\frac{1}{k-1}$  point, hvor  $k$  er antal svarmuligheder.

For en opgave med vægt  $v\%$  og med  $n$  delspørgsmål, hvor du opnår samlet  $s$  point, beregnes din besvarelse af opgaven som:

$$\frac{s}{n} \cdot v\%$$

Bemærk at det er muligt at få negative point for en opgave.

**Opgave 1 (6 %)**

I det følgende angiver  $\log n$  2-tals-logaritmen af  $n$ .

	Ja	Nej
$3n^2$ er $O(2n)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$n^3$ er $O(n^2 \log n)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$n^2$ er $O((\log n)^8)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$n^3$ er $O(8^{\log n})$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$n^2 + n$ er $O(3n)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$\sqrt{n}$ er $O(2 \log n)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$3^n$ er $O(n^3)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$n\sqrt{n}$ er $O(n^{2/3})$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$2^{\log n}$ er $O((\log n)^2)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$n^{1/2}$ er $O(n^{1/3})$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$\log(n^2)$ er $O(\log n)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$27n$ er $O(n/27)$ ?	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B

**Opgave 2 (4 %)**

Givet et sorteret array  $A[1..n]$  ( $A[1] < A[2] < \dots < A[n]$ ) og et element  $x$ , så ønsker vi at finde indexet  $\ell$  således at  $A[\ell] \leq x < A[\ell + 1]$ . Det antages at  $A[1] \leq x < A[n]$ . Hvilken af nedenstående algoritmer er korrekt (pilene angiver linierne der varierer i algoritmerne).

$\ell = 1, h = n + 1$	$\ell = 1, h = n + 1$	$\ell = 1, h = n + 1$	$\ell = 1, h = n + 1$
→ <b>while</b> $\ell < h$	<b>while</b> $\ell + 1 < h$	<b>while</b> $\ell < h$	<b>while</b> $\ell + 1 < h$
$m = \lfloor (h + \ell) / 2 \rfloor$	$m = \lfloor (h + \ell) / 2 \rfloor$	$m = \lfloor (h + \ell) / 2 \rfloor$	$m = \lfloor (h + \ell) / 2 \rfloor$
→ <b>if</b> $A[m] > x$	<b>if</b> $A[m] > x$	<b>if</b> $A[m] \leq x$	<b>if</b> $A[m] \leq x$
$\ell = m$	$\ell = m$	$\ell = m$	$\ell = m$
<b>else</b>	<b>else</b>	<b>else</b>	<b>else</b>
$h = m$	$h = m$	$h = m$	$h = m$
<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D

**Opgave 3 (4 %)**

Angiv worst-case tiden for HeapSort på et array med  $n$  identiske elementer.

$\Theta(\sqrt{n})$	$\Theta(n)$	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n\sqrt{n})$	$\Theta(n^2)$
<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E

**Opgave 4 (6%)**

Angiv for hver af nedenstående algoritmer udførelstiden som funktion af  $n$  i  $\Theta$ -notation.

**Algoritme Loop1( $n$ )**

```
i = 1
while i ≤ n
    i = 2 * i
```

**Algoritme Loop2( $n$ )**

```
i = 1
s = 0
while s ≤ n
    s = s + i
    i = i + 1
```

**Algoritme Loop3( $n$ )**

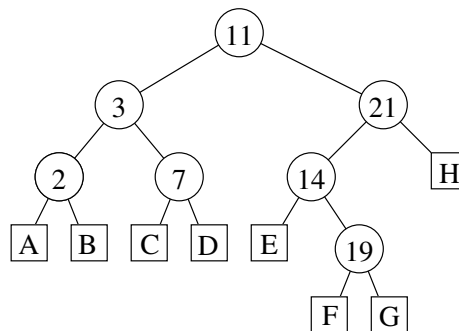
```
i = 1
while i ≤ n
    j = i
    while j ≤ n
        j = 2 * j
    i = 2 * i
```

**Algoritme Loop4( $n$ )**

```
i = 1
while i ≤ n
    s = 0
    while s ≤ i
        s = s + 1
    i = 2 * i
```

	$\Theta(\log n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n\sqrt{n})$	$\Theta(\sqrt{n})$	$\Theta((\log n)^2)$	$\Theta(n^3)$
Loop1	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Loop2	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Loop3	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Loop4	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H

**Opgave 5 (4%)**



Angiv i hvilke blade A–H i ovenstående ubalancerede binære søgetræ elementerne 42, 10, 5, -1, og 15 skal indsættes (det antages at før hver indsættelse indeholder træet kun ovenstående syv elementer).

	A	B	C	D	E	F	G	H
Insert(42)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Insert(10)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Insert(5)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Insert(-1)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
Insert(15)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H

**Opgave 6 (4%)**

I følgende hashtabel af størrelse 11 er anvendt *dobbelt hashing* med hashfunktionerne  $h_1(k) = 2k \bmod 11$  og  $h_2(k) = 1 + (3k \bmod 10)$ .

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
		12		13		3				5

Angiv positionerne de tre elementer 1, 3 og 10 vil blive indsat på i hashtabellen (for hver af indsættelserne antager vi at hashtabellen kun indeholder elementerne 3, 5, 12 og 13).

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Insert(1)	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
Insert(3)	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
Insert(10)	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K

**Opgave 7 (4%)**

Angiv den binære max-heap efter indsættelse af elementerne 3, 1, 4, 2, 6, 5, og 7 i den givne rækkefølge, startende med den tomme heap.

	1	2	3	4	5	6	7	
	7	6	5	2	1	3	4	A
	1	2	3	4	5	6	7	
	7	4	6	1	2	3	5	B
	1	2	3	4	5	6	7	
	7	5	6	1	2	3	4	C
	1	2	3	4	5	6	7	
	7	6	5	4	3	2	1	D

**Opgave 8 (4%)**

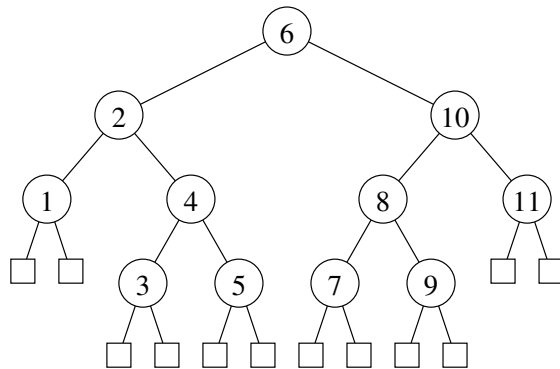
1	2	3	4	5	6	7
7	6	5	4	3	2	1

Angiv hvordan ovenstående binære max-heap ser ud efter HEAP-EXTRACT-MAX.

	1	2	3	4	5	6	
	5	6	2	4	3	1	A
	1	2	3	4	5	6	
	6	4	5	1	3	2	B
	1	2	3	4	5	6	
	1	6	5	4	3	2	C
	1	2	3	4	5	6	
	6	5	4	3	2	1	D

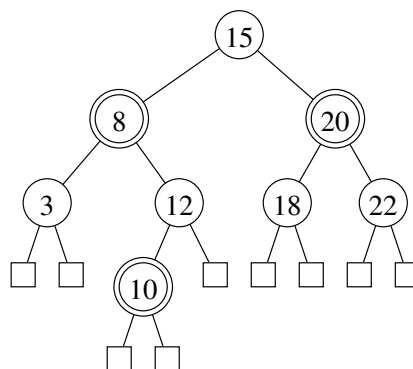
**Opgave 9 (4%)**

For hver af nedenstående delmængder, angiv om nedenstående binære træ er et lovligt rød-sort træ hvis netop disse knuder farves røde

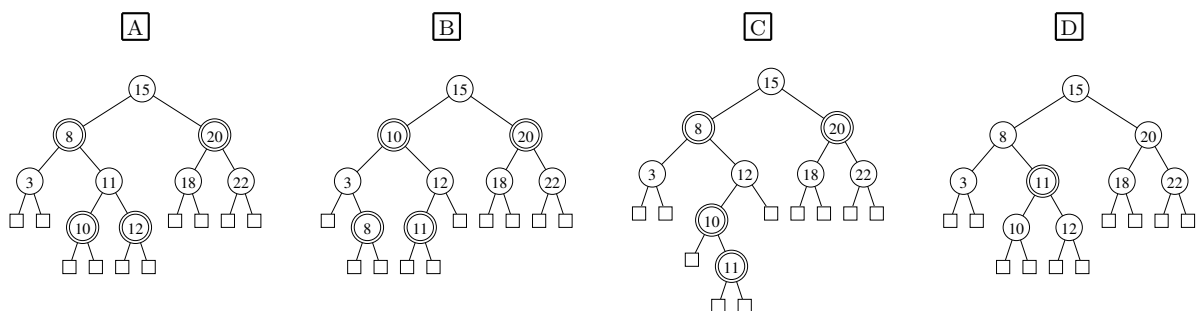


	Ja	Nej
1, 2, 3, 5, 7, 9, 10	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
4, 6, 8	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
4, 8	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
4, 7, 9	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
3, 5, 6, 8	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B

**Opgave 10 (4%)**



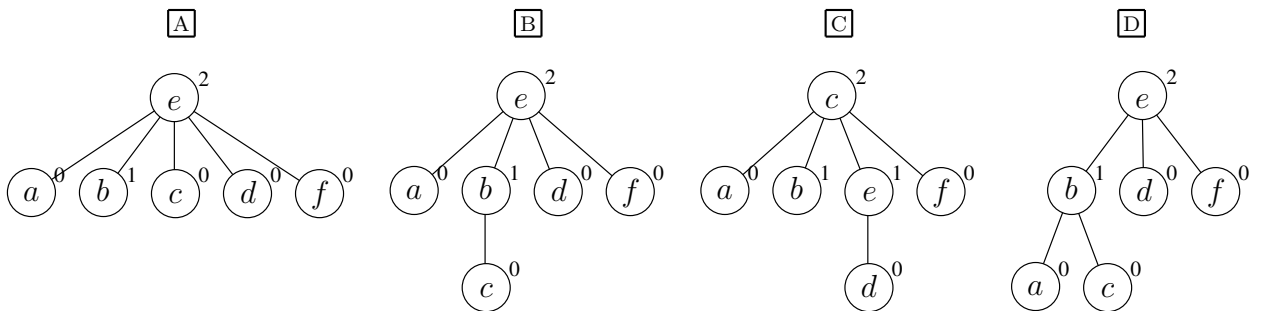
Angiv det resulterende rød-sort træ når man indsætter 11 i ovenstående rød-sort træ (dobbeltcirkler angiver røde knuder).



**Opgave 11 (4%)**

Angiv den resulterende union-find struktur efter nedenstående sekvens af operationer, når der anvendes union-by-rank og stikomprimering.

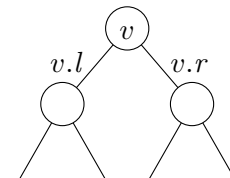
- makeset( $a$ )
- makeset( $b$ )
- makeset( $c$ )
- makeset( $d$ )
- makeset( $e$ )
- makeset( $f$ )
- union( $a, b$ )
- union( $a, c$ )
- union( $d, e$ )
- union( $b, e$ )
- union( $a, f$ )



**Opgave 12 (4%)**

Betragt et rød-sort træ hvor hver knude gemmer et par af heltal ( $element$ ,  $vægt$ ), og parrene er sorteret fra venstre-mod-højre efter stigende  $element$  værdi. For en knude  $v$  i træet lader vi  $v.e$  og  $v.w$  betegne parret  $(e, w)$  gemt i knuden. Desuden gemmer  $v$  værdien  $v.W$  som er summen af vægtene i alle knuder i  $v$ 's undertræ, og  $v.prefix$  som er den maksimale sum af vægtene et  $præfix$  af parrene i  $v$ 's undertræ kan have (når parrene sorteres efter element værdi).

Angiv hvorledes  $v.prefix$  kan beregnes når den tilsvarende information er kendt ved de to børn  $v.l$  og  $v.r$  (det kan antages at disse begge eksisterer).



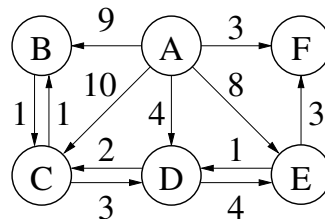
$$v.prefix = \begin{cases} \max(v.l.prefix, v.l.W + v.w, v.l.prefix + v.w + v.r.prefix) & \text{A} \\ \max(v.l.prefix, v.l.W + v.w, v.l.W + v.w + v.r.prefix) & \text{B} \\ \max(v.l.prefix, v.W + v.r.prefix) & \text{C} \\ \max(v.l.W, v.l.W + v.w, v.l.W + v.w + v.r.W) & \text{D} \end{cases}$$

**Opgave 13 (4%)**

Hver af følgende rekursionsligninger har basistilfældet  $T(1) = 1$ . Angiv for hver ligning, hvad løsningen er.

	$\Theta(1)$	$\Theta(\log n)$	$\Theta(\sqrt{n})$	$\Theta(n)$	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^2 \log n)$	$\Theta(n^3)$
$T(n) = 1 + 2T(n/4)$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
$T(n) = T(n/3) + 1$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
$T(n) = T(n - 1) + n$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H
$T(n) = 2 \cdot T(n/2) + n^2$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D	<input type="checkbox"/> E	<input type="checkbox"/> F	<input type="checkbox"/> G	<input type="checkbox"/> H

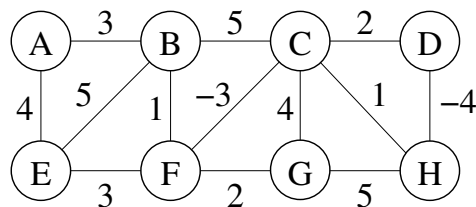
**Opgave 14 (4%)**



Antag Dijkstras algoritme anvendes til at finde korteste **afstande fra A** til alle knuder i ovenstående graf. Angiv hvilken rækkefølge knuderne bliver taget ud af prioritetskøen i Dijkstra's algoritme.

- A A F D E B C     
  B A F D E C B     
  C A F D C B E     
  D A F D C E B

**Opgave 15 (4%)**

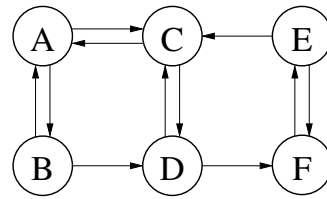


Antag Prim's algoritme anvendes til at finde et minimum udspændende træ for ovenstående graf, og algoritmen **starter i knuden A**. Angiv hvilken rækkefølge knuderne bliver inkluderet i det minimum udspændende træ (taget ud af prioritetskøen i Prim's algoritme).

- A A B E F C H D G     
  B A D H C F B G E     
  C A B F C H D G E     
  D A B F C H D E G



**Opgave 16 (4%)**



Betragt et DFS-gennemløb af ovenstående graf, hvor DFS-gennemløbet **starter i knuden A**, hvor de udgående kanter til en knude besøges i alfabetisk rækkefølge.

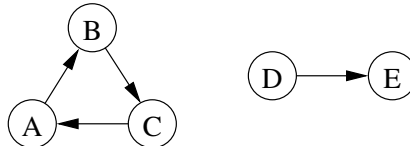
Angiv i hvilken rækkefølge knuderne får tildelt **“finishing time”**.

- |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> A | <input type="checkbox"/> B | <input type="checkbox"/> C | <input type="checkbox"/> D |
| C D E F B A                | C E F D B A                | A B D C F E                | E F D C B A                |

Angiv for hver af nedenstående kanter hvilken type kanten bliver i DFS gennemløbet.

	Tree edge	Back edge	Cross edge	Forward edge
(A, C)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D
(E, C)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D
(D, F)	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B	<input type="checkbox"/> C	<input type="checkbox"/> D

**Opgave 17 (4%)**



Angiv for hver af nedenstående ordninger af knuderne i ovenstående graf om det er en lovlig topologisk sortering.

	Ja	Nej
A B C D E	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
A D B C E	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
D E A B C	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
A D E B C	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
A B D E C	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B

**Opgave 18 (4%)**

Givet et positive heltal  $x$  og  $y$ , så beregner nedenstående algoritme  $x^y$ .

```
Algoritme Power( $x, y$ )  
Inputbetingelse : Heltal  $x \geq 1$  og  $y \geq 1$   
Outputkrav      :  $r = x^y$   
Metode          :  $r \leftarrow 1$   
                  { $I$ } while  $y \geq 1$  do  
                      if  $y$  ulige then  
                           $y \leftarrow y - 1$   
                           $r \leftarrow r * x$   
                      else  
                           $y \leftarrow y/2$   
                           $x \leftarrow x * x$ 
```

For hvert af nedenstående udsagn, angiv om de er en invariant  $I$  for algoritmen Power, hvor  $x_0$  og  $y_0$  angiver start værdierne for  $x$  og  $y$ .

	Ja	Nej
$r = x^y$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$r = x_0^{y_0}$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$r = x_0^{y_0 - y}$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$x_0^{y_0} = r \cdot x^y$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B
$x^y = r \cdot x_0^{y_0}$	<input type="checkbox"/> A	<input type="checkbox"/> B

**Opgave 19 (4%)**

Strassen's algoritme til multiplikation af kvadratiske  $n \times n$  matricer er en del-og-kombiner algoritme. Angiv hvilken rekursionsligning der beskriver udførselstiden af Strassen's algoritme.

- $T(n) \leq 7 \cdot T(n/2) + c \cdot n$   A
- $T(n) \leq 7 \cdot T(n/4) + c \cdot n^2$   B
- $T(n) \leq 7 \cdot T(n/2) + c \cdot n^2$   C
- $T(n) \leq 7 \cdot T(n/2) + c \cdot n^3$   D

**Opgave 20 (4%)**

I denne opgave betragter vi nedenstående implementation af minimum-prioritetskøer, hvor en prioritetskø er repræsenteret ved et binært træ, hvor hver knude gemmer præcist ét element og træet opfylder heap-orden, dvs. et element i en knude er altid større end eller lig med elementet i faderknuden. Træerne er ikke nødvendigvis balancerede. NULL angiver et tomt træ,  $H$  roden af et træ og  $\text{Node}(e, \text{left}, \text{right})$  laver en ny knude med elementet  $e$  og venstre barn  $\text{left}$  og højre barn  $\text{right}$ . *Venstre-stien* i et træ består af roden, og de knuder man kan nå ved kun at gå til venstre startene i roden. Proceduren  $\text{Meld}$  fletter venstrestierne i to træer, og bytter om på venstre og højre børnene på alle de besøgte knuder (se eksempel).

```

proc Min( $H$ )
    return  $H.e$ 
proc DeleteMin( $H$ )
    return Meld( $H.\text{left}$ ,  $H.\text{right}$ )
proc Insert( $H$ ,  $e$ )
    return Meld( $H$ , Node( $e$ , NULL, NULL))
proc Meld( $H_1$ ,  $H_2$ )
    if  $H_1 = \text{NULL}$  then return  $H_2$ 
    if  $H_2 = \text{NULL}$  then return  $H_1$ 
    if  $H_1.e \leq H_2.e$  then return Node( $H_1.e$ ,  $H_1.\text{right}$ , Meld( $H_1.\text{left}$ ,  $H_2$ ))
    else return Node( $H_2.e$ ,  $H_2.\text{right}$ , Meld( $H_2.\text{left}$ ,  $H_1$ ))
    
```

Vi definer en knude  $x$  til at være *god* hvis dets venstre træ højst indeholder halvdelen af elementerne i  $x$ 's undertræ, dvs.  $x.\text{left} = \text{NULL}$  eller  $|x.\text{left}| \leq |x|/2$  hvor  $|x|$  angiver antallet af knuder i undertræet rodet i  $x$ .

Hvor mange *gode knuder* kan der maksimalt være på venstre-stien i et træ med  $n$  knuder?

- $O(1)$   
   $\Theta(\log n)$   
   $\Theta(\sqrt{n})$   
   $\Theta(n)$
- A  
  B  
  C  
  D

Med en passende potentialefunktion for et træ  $H$  repræsenterende en prioritetskø kan man argumentere for at alle ovenstående operationer tager amortiseret  $O(\log n)$  tid, hvor  $n$  er størrelsen af den resulterende prioritetskø. Angiv for hver af nedenstående udsagn om dette er en sådan potentialefunktion  $\Phi$  for et træ  $H$ .

- |   | Ja                         | Nej                        |
|---|----------------------------|----------------------------|
| $ H $   | <input type="checkbox"/> A | <input type="checkbox"/> B |
| Længden af venstre-stien i $H$                                    | <input type="checkbox"/> A | <input type="checkbox"/> B |
| Antallet af knuder på venstre-stien i $H$ som <i>ikke</i> er gode | <input type="checkbox"/> A | <input type="checkbox"/> B |
| Antallet af knuder i $H$ der <i>ikke</i> er gode                  | <input type="checkbox"/> A | <input type="checkbox"/> B |
| Antallet af knuder i $H$ der er gode                              | <input type="checkbox"/> A | <input type="checkbox"/> B |

## Dynamisk programmering

De næste fire opgaver vedrører at løse *mønt opdelings* problemet ved hjælp af dynamisk programmering.

Givet en mængde af  $n$  positive heltal  $C = \{c_1, c_2, \dots, c_n\}$ , som angiver forskellige møntværdier, hvor  $c_1 = 1$ , og et positivt heltal  $V$ , ønsker vi at finde det mindste antal mønter for at opnå værdien  $V$ . F.eks. for  $C = \{1, 5, 7\}$  har vi at  $V = 18$  kan beskrives som summen af de fire mønter  $1 + 5 + 5 + 7 = 18$ . Bemærk at en given møntværdi må indgå et vilkårligt antal gange.

For  $V \geq 0$  lader vi  $N(V)$  angive det mindste antal mønter, der skal til for at opnå værdien  $V$ , f.eks.  $N(18) = 4$ .  $N(v)$  kan bestemmes ved følgende rekursionsformel.

$$N(v) = \begin{cases} 0 & \text{hvis } v = 0 \\ \min\{1 + N(v - c) \mid c \in C \wedge c \leq v\} & \text{ellers} \end{cases}$$

De følgende 4 opgaver består i at udfylde 4 blokke i følgende algoritmeskabelon.

**Algoritme** Coins( $C, V$ )

$n = |C|$

Opret tom tabel  $T$

for ...	<< <b>Opgave 21:</b> iterer over $T$ >>
	<< <b>Opgave 22:</b> beregn $T[v] = N(v)$ >>
	<< <b>Opgave 23:</b> sæt <i>solution</i> til det minimale antal mønter >>
	<< <b>Opgave 24:</b> Udskriv en løsning >>

### Opgave 21 (4%)

For hver af nedenstående stykker kode, angiv om det vil kunne føre til en korrekt løsning.

Ja  A

Ja  A

Ja  A

Ja  A

Nej  B

Nej  B

Nej  B

Nej  B

**for**  $i = 0$  **to**  $n$     **for**  $i = n$  **to**  $0$  **step**  $-1$     **for**  $i = 0$  **to**  $V$     **for**  $i = V$  **to**  $0$  **step**  $-1$

**Opgave 22 (4 %)**

For hver af nedenstående stykker kode, angiv om det vil kunne føre til en korrekt løsning.

```
if i = 0 then
    T[i] = 0
else
    T[i] = i
for j = 1 to n
    T[i] = min(T[i], 1 + T[i - c_j])
```

Ja  A

Nej  B

---

```
if i = 0 or c_i > i then
    T[i] = 0
else
    T[i] = 1 + T[i - c_i]
```

Ja  A

Nej  B

---

```
T[i] = i
for j = n to 1 step -1
    if c_j ≤ i and T[i] > 1 + T[i - c_j] then
        T[i] = 1 + T[i - c_j]
```

Ja  A

Nej  B

**Opgave 23 (4 %)**

For hver af nedenstående stykker kode, angiv om det vil kunne føre til en korrekt løsning.

Ja <input type="checkbox"/> A	Ja <input type="checkbox"/> A	Ja <input type="checkbox"/> A
Nej <input type="checkbox"/> B	Nej <input type="checkbox"/> B	Nej <input type="checkbox"/> B
<pre>solution = T[V] for i = V - 1 to 0 step -1     if T[i] &lt; solution then         solution = T[i]</pre>	<pre>solution = T[V]</pre>	<pre>solution = T[n]</pre>

**Opgave 24 (4 %)**

For hver af nedenstående stykker kode, angiv om det vil kunne føre til en korrekt løsning.

Ja <input type="checkbox"/> A	Ja <input type="checkbox"/> A	Ja <input type="checkbox"/> A
Nej <input type="checkbox"/> B	Nej <input type="checkbox"/> B	Nej <input type="checkbox"/> B
<pre>i = V while i &gt; 0     j = T[i]     print i - j     i = j</pre>	<pre>i = V while i &gt; 0     k = T[i]     print c_k     i = i - c_k</pre>	<pre>i = V while i &gt; 0     k = 1     for j = 1 to n         if c_j ≤ i and T[i - c_j] &lt; T[i - c_k] then             k = j     print c_k     i = i - c_k</pre>